

## روش های تعیین استاندارد های زندگی

اسماعیل امیری<sup>۱</sup>

چکیده:

در این مقاله به تشریح ابزارهای ساده آماری برای برآورد میزان فقر با استفاده از داده های آماری موجود و نمونه گیری های خانوارهای استان قزوین توسط مرکز آمار ایران پرداخته شده است. در اندازه گیری فقر دو گام عمده وجود دارد، ابتدا تعیین خط فقر و سپس نیم رخ فقر. روش های مختلف تعیین خط فقر تشریح و سپس به شرح استفاده از پارامترهای منحنی لورنتس برای محاسبه ی شاخص های فقر مانند شاخص جینی، شاخص سرشماری، شاخص رخنه فقر و شاخص فوستر-گیرر پرداخته شده است. خط فقر برای استان قزوین براساس داده های نمونه گیری خانوار سال های ۸۰-۷۸ محاسبه و سپس با محاسبه پارامترهای منحنی لورنتس مدل بتا و درجه دوم عام ( $GQ$ )، شاخص های فقر محاسبه شده است. نتیجه محاسبات نشان می دهد که در نقاط شهری فقر زدایی در حال پیشرفت است ولی در نقاط روستایی وضعیت رضایت بخش نیست.

**واژه های کلیدی:** خط فقر، معیارهای فقر، منحنی لورنتس، شاخص جینی، شاخص سرشماری، شاخص رخنه فقر، مربع شاخص رخنه فقر.

### ۱ مقدمه

وقتی در جامعه ای یک یا چند نفر از افراد نتوانند به حداقل های لازم برای یک زندگی استاندارد در آن جامعه دست یابند گفته می شود که در این جامعه فقر وجود دارد. اندازه گیری میزان فقر برای تحلیل سیاست های اقتصادی و اجتماعی جامعه حائز اهمیت است [۸]. با اندازه گیری مستمر میزان فقر درجه حصول به اهداف طراحی شده برنامه ریزان اقتصادی قابل اندازه گیری است. در حقیقت معیار فقر یک شاخص کلیدی اجتماعی است که می تواند تعیین کند چه کسانی استحقاق استفاده از برنامه های حمایتی دولت ها را دارند.

برای اندازه گیری میزان فقر ایده ها و روش های آماری متعدد وجود دارد. در اندازه گیری میزان فقر معمولاً دو گام عمده وجود دارد:

الف: تعیین خط فقر<sup>۲</sup>

ب: ساختن نیمرخ فقر<sup>۳</sup>

برای تعیین خط فقر رویکردهای مختلفی وجود دارد، یک خط فقر معمولاً بر اساس محاسبه هزینه خانوار تعیین می شود، این هزینه دارای دو مؤلفه مهم است، یک مؤلفه

<sup>۱</sup> گروه آمار دانشگاه بین المللی امام خمینی (ره)

<sup>۲</sup> Poverty line

<sup>۳</sup> Poverty profile

نمونه گیری خانوار استان قزوین طی سال های ۸۰-۷۸ محاسبه نماییم [۱].

در بخش ۲ خط فقر و توزیع هزینه مصرف، در بخش ۳ معیارهای فقر، در بخش ۴ مدل های منحنی لورنتس و شاخص ها، در بخش ۵ برآورد معیارهای فقر و کسش های نسبی و سرانجام در بخش آخر نتیجه گیری و پیشنهادها ارائه شده است.

## ۲ خط فقر

در اندازه گیری میزان فقر فرض می شود که استانداردهای مصرف از قبل معین و تعریف شده اند، این استانداردها را خطوط فقر<sup>۴</sup> می نامند. معمول ترین رویکرد در تعریف خطوط فقر برآورد هزینه سبد کالاهای مصرفی خانوار است که در یک جامعه نیازهای اولیه خانواده را تأمین می کند [۱۷].

از طریق نمونه گیری های خانوار با تعریف اندازه گیری استانداردهای زندگی می توان به اطلاعات کاملی در مورد کالاهای غذایی مصرفی دست یافت. در این گونه نمونه گیری ها گر چه تعداد اقلام غذایی مورد مصرف در حال تغییر است، از خانوارها خواسته می شود که جزئیات هزینه کالاهای خریداری شده و کالاهای خانگی تولید شده خود را اعلام نمایند، سپس برای هر قلم کالای خریداری شده جزئیات هزینه ها سؤال می شود، معمولاً این کار در یک دوره ی زمانی از پیش تعریف شده انجام می گیرد. داده های گرد آوری شده با این روش معروف به داده های پانلی<sup>۵</sup> است. با استفاده از داده های پانلی

نشان دهنده هزینه خرید مواد غذایی و مؤلفه ی دوم نشان دهنده هزینه نیازهای غیر غذایی بر اساس الگوهای مصرف در جامعه است. تعیین کمیت های اقلام ضروری غیر غذایی کاری دشوار است، معمولاً از خانوارها سوال می شود که چه درصدی از بودجه خانوار صرف خرید اقلام غیر غذایی می شود و بر این اساس خط فقر محاسبه می شود.

محاسبه خط فقر، مورد نیاز بسیاری از سازمان ها و مراکز تصمیم گیری از جمله بانک مرکزی، مرکز آمار ایران و وزارت اقتصاد و دارایی است. پژوهشگران ایرانی در این زمینه تحقیقات متعددی انجام داده اند که اشاره کوتاهی به برخی از آنها خواهیم کرد. [۲] بر پایه چهار روش نیاز به کالری، درصدی از میانه و میانگین مخارج خانوارهای ایرانی و معکوس ضریب انگل، خط فقر را محاسبه نموده است. [۳] خط مطلق فقر را بر اساس رویکرد حداقل نیاز به کالری حساب کرده است. [۴] با استفاده از توزیع درآمدها خط فقر را برآورد نموده است. [۵] با به کارگیری برآوردهای ناپارامتری و تجربی خط فقر را محاسبه کرده است.

هدف ما این است که با توجه به اهمیت اندازه گیری میزان فقر برای جامعه، به تشریح روش های ساده آماری موجود، برای محاسبه خط فقر و نیز شاخص های نشان دهنده فقر مانند شاخص جینی، شاخص سرشماری، شاخص رخنه فقر و شاخص فوستر-گیرر، جهت آشنایی کاربران پرداخته و سپس با استفاده از پارامترهای منحنی لورنتس، خط فقر و شاخص ها را بر اساس داده های

مشابه روش اورشانسکی را انتخاب نموده و از تقسیم هزینه مصرف سرانه غذا به جمع کل هزینه‌ها  $k$  را برآورد کرده‌ایم. با توجه به مسائل فرهنگی و اجتماعی منطقه فرض نموده‌ایم که در هزینه مصرف غذا به علت محدودیت‌های درآمدی و ترس از آینده، خانوارها از مصرف غذای دلخواه خود اجتناب می‌ورزند [۶]، بنابراین  $k$  برآوردی  $k$  حقیقی نیست و با این استدلال باید مقدار آن بیش از مقدار برآوردی باشد. براساس تجربیات [۱۸] به نظر می‌رسد که در نقاط شهری  $k$  واقعی باید  $20\%$  بیشتر از  $k$  برآوردی و در نقاط روستایی  $k$  واقعی باید  $10\%$  بیشتر از  $k$  برآوردی باشد. در جدول ۲،  $k$  برآورد شده طی سال‌های  $80-78$  نشان داده شده است، در این جدول چون تغییرات مقادیر  $k$  در طول ۳ سال اندک است، میانگین  $k$  محاسبه گردیده، که در نقاط شهری  $26\%$  و در نقاط روستایی  $43\%$  میانگین هزینه سرانه مصرفی است. با توجه به مطلب بالا  $k$  واقعی برای نقاط شهری و روستایی به طور تقریب به ترتیب  $40\%$  و  $50\%$  در نظر گرفته شده، سپس با این فرض براساس مقدار  $k$  واقعی فرض شده، مقدارهای خط فقر برای شهر و روستا در جدول ۳ محاسبه شده است.

شکل‌های ۱ تا ۳ چگالی هزینه سرانه مصرفی برای سال‌های  $80-78$  به همراه خط فقر در استان قزوین را نشان می‌دهند. ملاحظه می‌شود که نا برابری اقتصادی در استان قزوین زیاد نیست، توزیع هزینه‌ها چوله است ولی تمرکز در ابتدا زیاد نیست. این مطلب در جدول ۱ نیز نشان داده شده است. در این جدول جامعه بر حسب هزینه‌ها مرتب و توزیع به ۵ گروه با مقدار مساوی تقسیم

امکان برآورد هزینه سبد کالاهای غذایی مصرفی که نیازهای اولیه یک خانوار را تأمین می‌کند وجود دارد. مشکل اصلی تعیین نیازهای اولیه است. برای کشورهای در حال توسعه مؤلفه اصلی خط فقر هزینه لازم برای تأمین مواد غذایی است که حداقل انرژی مورد نیاز تعیین شده از طرف سازمان بهداشت جهانی را مهیا سازد. سپس این هزینه با هزینه تقریبی مستمر مورد نیاز کالاهای غیر غذایی جمع می‌شود. و به این ترتیب خط فقر برآورد می‌شود. روش دیگر برآورد خط فقر این است که ابتدا مینیمم هزینه سبد غذایی که حداقل انرژی مورد نیاز برای زندگی را تأمین می‌کند محاسبه و سپس این هزینه به سهم هزینه غذا در کل هزینه‌های گروه‌هایی که فقیر پنداشته می‌شوند تقسیم شود. این شیوه کار، روش اورشانسکی نام دارد [۱۴]. اورشانسکی با این روش در سال ۱۹۶۵ فقر را در ایالات متحده آمریکا اندازه‌گیری کرد.

در بسیاری از مطالعات مربوط به کشورهای توسعه یافته خط فقر را  $50\%$  متوسط هزینه زندگی خانوار در نظر می‌گیرند. این رویکرد از این فرض ناشی شده است که خط فقر بخش ثابتی از میانگین است. از این مطلب می‌توان نتیجه گرفت که کشش خط فقر نسبت به میانگین واحد است [۱۸]. این رویکرد را به فرم ریاضی  $z = k\mu$  می‌توان نوشت، که  $z$  خط فقر و  $k$  یک ثابت و  $\mu$  میانگین هزینه مصرف است. بنابراین در کشورهای در حال توسعه  $k = 0.5$  است.

در این بررسی داده‌های موجود، هزینه‌های سرانه و هزینه‌های سرانه‌ی غذا بوده است. به علت سادگی و به دلیل در دسترس نبودن داده‌های مورد نیاز ما روش

شده است، این تقسیم بندی چندک هزینه ها نام دارد. از نرم افزار رایگان POVOCAL<sup>۱</sup> که توسط بانک جهانی  
جدول های ۱-۳ و شکل های ۱-۳ براساس داده های تهیه شده، محاسبه و ترسیم شده اند.  
نمونه گیری استان قزوین در سال های ۸۰-۷۸ با استفاده

جدول ۱. چندک هزینه سرانه (میلیون ریال) استان قزوین طی سال های ۱۳۷۸-۱۳۸۰.

سال	شهری	روستایی	جمع
۸۷	مینیمم مقدار	۰/۳۷	۰/۱۲
	مرز کوچکترین چندک، چندک ۲	۲/۲۶	۱/۵۸
	مرز ۲، چندک ۳	۳/۱۴	۲/۳۴
	مرز ۳، چندک ۴	۴/۴۵	۳/۴۵
	مرز ۴، بزرگترین چندک	۵/۳۲	۴/۲۶
بیشترین مقدار	۴۱/۹۵	۳۰/۲۵	۴۱/۹۵
۷۹	مینیمم مقدار	۰/۴۵	۰/۳۴
	مرز کوچکترین چندک، چندک ۲	۲/۵۲	۱/۹۴
	مرز ۲، چندک ۳	۳/۶۱	۳/۰۱
	مرز ۳، چندک ۴	۴/۹۷	۴/۱۲
	مرز ۴، بزرگترین چندک	۶/۱۳	۵/۰۱
بیشترین مقدار	۳۴/۰۷	۳۰/۴۹	۳۴/۰۷
۸۰	مینیمم مقدار	۰/۳۱	۰/۳۱
	مرز کوچکترین چندک، چندک ۲	۳/۴۸	۲/۹۸
	مرز ۲، چندک ۳	۴/۹۷	۴/۴۲
	مرز ۳، چندک ۴	۶/۷۲	۵/۹۸
	مرز ۴، بزرگترین چندک	۸/۰۴	۶/۰۵
بیشترین مقدار	۷۰/۲۹	۴۵/۱۴	۷۰/۲۹

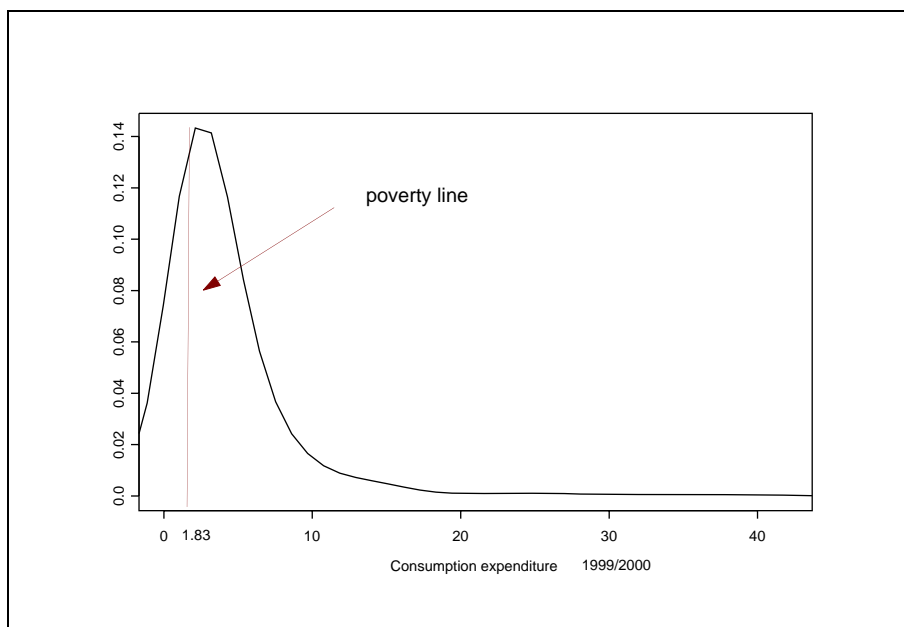
جدول ۲. برآورد  $k$  برای استان قزوین طی سال های ۸۰-۷۸.

متوسط	۸۰	۷۹	۷۸
شهری	۲۵/۷۰%	۲۶/۴۰%	۲۷/۳۷%
روستایی	۴۴/۰۰%	۴۳/۸۳%	۴۳/۲۵%
کل	۳۳/۸۵%	۳۳/۵۷%	۳۳/۳۳%

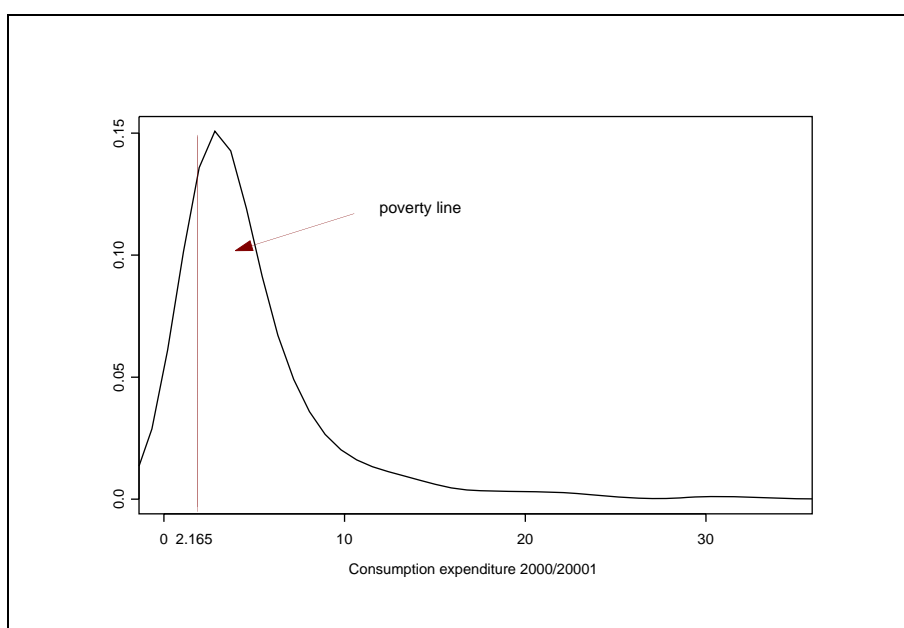
جدول ۳. برآورد خط فقر و میانگین هزینه سرانه مصرف برای استان قزوین طی سال های ۸۰-۷۸ (واحد میلیون ریال)

	۷۹		۷۸	
	خط فقر	میانگین هزینه مصرف	خط فقر	میانگین هزینه مصرف
شهری	۲/۳	۵/۷۳	۲/۱	۵/۲۶
روستایی	۲/۰۳	۴/۰۶	۱/۵۶	۳/۱۲
کل	۲/۱۷	۴/۰۹	۱/۸۳	۴/۱۹

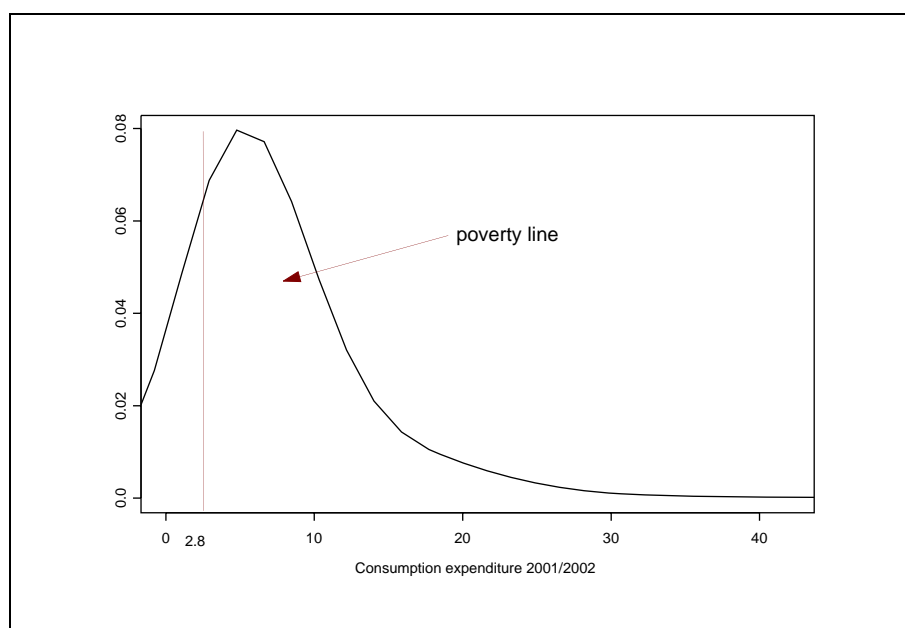
<sup>۱</sup> برای دانلود به آدرس اینترنتی [www.worldbank.org/html/prdph/lsmstools/povocal](http://www.worldbank.org/html/prdph/lsmstools/povocal) رجوع شود.



شکل ۱: توزیع هزینه سرانه مصرفی در سال ۷۸، خط عمودی، خط فقر است.



شکل ۲: توزیع هزینه سرانه مصرفی در سال ۷۹، خط عمودی، خط فقر است.



شکل ۳: توزیع هزینه سرانه مصرفی در سال ۸۰، خط عمودی نشان دهنده خط فقر است.

### ۳ معیارهای فقر

گروه  $\eta$ ام و  $\eta_T = 1$  است. اگر برای سهولت اندیس ها را حذف کنیم، یک منحنی لورنتس را می توان به فرم زیر تعریف نمود:

$$\eta = L(p; \theta)$$

که  $\eta$  در آمد (هزینه مصرف) تجمعی  $p$  درصد جامعه که دارای درآمد (هزینه مصرف) کم هستند و  $\theta$  بردار پارامترهای منحنی لورنتس است که می بایستی برآورد شوند، معیار فقر با  $W$  تعریف می شود:

$$W = P\left(\frac{\mu}{z}; \theta\right)$$

$\mu$  میانگین مصرف و  $z$  خط فقر است.

منحنی لورنتس می تواند تمام اطلاعات الگوی نابرابری های نسبی<sup>۷</sup> در جامعه را نشان دهد. منحنی

برای درک این مطلب که سیاست ها چگونه طراحی شوند که شرایط افراد فقیر را بهبود بخشند می توان از پارامترهای منحنی لورنتس برای ساختن نیم رخ فقر استفاده نمود. منحنی لورنتس یک نمایش نموداری است که معمولاً برای ترسیم توزیع درآمد (هزینه مصرفی) و ثروت در یک جامعه مورد استفاده قرار می گیرد.

فرض کنید که واحدهای جامعه، افراد یا خانوارها برحسب درآمد (هزینه مصرف) به صورت افزایشی مرتب شوند. بنابراین توزیع داده مربوط به درآمد (هزینه مصرف) به فرم  $(p_i, \eta_i)$  برای هریک از  $T$  گروه درآمدی (هزینه مصرفی) خواهد بود  $(i = 1, \dots, T)$ ، آنچنان که  $p_i$  نسبت تجمعی واحدهای جامعه در گروه  $\eta$ ام است. واضح است که  $p_T = 1$  و  $\eta_i$  درآمد (هزینه مصرف) تجمعی در

<sup>۷</sup>Relative inequalities

## ۴ مدل‌های منحنی لورنتس

کاتی کاپانیچ [۹] در سال ۱۹۹۳ مدل زیر را پیشنهاد نموده است:

$$L(p; \alpha) = \frac{e^{\alpha p} - 1}{e^{\alpha} - 1}, \quad \alpha > 0$$

اورتگا و همکاران [۱۵] در سال ۱۹۹۱ مدل زیر را پیشنهاد نموده‌اند.

$$L(p; \alpha, \delta) = p^{\alpha} [1 - (1 - p)^{\delta}],$$

$$\alpha \geq 0, \quad 0 < \delta \leq 1$$

رس و همکاران [۱۶] مدل زیر را پیشنهاد نموده‌اند.

$$L(p; \alpha, \delta) = [1 - (1 - p)^{\delta}]^{\alpha},$$

$$\alpha \geq 1, \quad 0 < \delta \leq 1$$

ککوانی [۱۲] مدل زیر را که معروف به مدل بتا است پیشنهاد نموده است:

$$L(p; \pi, \gamma, \delta) = p - \pi p^{\gamma} (1 - p)^{\delta},$$

$$\pi > 0, \quad 0 < \gamma \leq 1, \quad 0 < \delta \leq 1$$

آرنولد و همکارش [۷]، مدل ککوانی را مورد انتقاد قرار داده و گفته‌اند که این مدل تنها متکی به خانواده پارامتری منحنی‌های لورنتس است و مدل زیر را برای منحنی لورنتس پیشنهاد نموده‌اند که معروف به مدل درجه دوم عام (GQ) است [۲۰]:

$$L(1 - L) = a(p^2 - L) + bL(p - 1) + c(p - L)$$

مدل GQ یک مدل رگرسیونی است که حاصلضرب  $L(1 - L)$  روی  $(p^2 - L)$ ،  $(p - 1)$  و  $(p - L)$  رگرسیون شده است و  $a$ ،  $b$  و  $c$  پارامترهای مدل رگرسیون هستند که بایستی برآورد شوند. این رابطه رگرسیونی را به فرم تابعی زیر می‌توان نوشت:

$$L(p; a, b, c) = -\frac{1}{c} [bp + d + (mp^2 + np + d^2)^{\frac{1}{2}}]$$

لورنتس مستقل از هرگونه ملاحظه در مورد استانداردهای مطلق زندگی است. معیارهای فقر قادرند که استانداردهای مطلق زندگی افراد را تمییز دهند.

معیار فقر همگن از درجه صفر بر حسب میانگین مصرف و خط فقر است، یعنی اگر میانگین مصرف و خط فقر با یک نسبت تغییر کنند معیار فقر تفاوتی نخواهد کرد. دسته وسیعی از معیارهای فقر بدون محدودیت دارای خاصیت همگنی از درجه صفر هستند.

تابع  $L$  امکان می‌دهد که منحنی لورنتس پارامترهای مختلفی داشته باشد، در حالی که تابع  $P$  امکان می‌دهد که معیارهای متفاوت فقر مورد بررسی قرار گیرد.

از لحاظ نظری یک منحنی لورنتس معتبر دارای خواص زیر است:

$$1. L(0; \theta) = 0 \quad 2. L(1; \theta) = 1$$

$$3. L'(\theta; \theta) \geq 0 \quad 4. L''(p; \theta) \geq 0 \quad p \in (0, 1)$$

دو شرط اول، شرط‌های مرزی هستند که نشان می‌دهند  $0$  و  $100$  درصد جامعه به ترتیب دارای  $0$  و یا  $100$  درصد مجموع درآمد یا هزینه‌ها هستند. شرط‌های سوم و چهارم به طوریکه افزایش و کوز بودن منحنی لورنتس را تضمین می‌کنند. هیچ تضمینی وجود ندارد که برآورد پارامترهای منحنی لورنتس در این شرایط صدق کنند. در ادبیات مربوط به منحنی لورنتس مدل‌های متفاوتی برای این منحنی پیشنهاد شده است. علاقه مندان برای آشنایی بیشتر با این مدل‌ها می‌توانند به [۱۹] مراجعه کنند. از بین این مدل‌ها دو مدل مورد توجه بیشتری است که ما به ذکر آنها خواهیم پرداخت.

که  $n = 2bd - 4c$  و  $m = b^2 - 4a$ ،  $d = -(a+b+c+1)$  می شود.

$$\sum_{i=1}^T (\eta_i - L(p_i, \theta))^2$$

که  $p_i$  و  $\eta_i$  به ترتیب فراوانی تجمعی جمعیت و هزینه مصرف در طبقه  $i$ ام است.  $T$  تعداد کل طبقات جامعه است.

برای برآورد پارامترهای مدل درجه دوم عام  $(GQ)$ ،  $a$ ،  $b$  و  $c$  را پارامترهای یک مدل رگرسیون فرض نموده و با استفاده از روش حداقل مربعات این پارامترها برآورد می شوند. البته از تمام مشاهدات  $(p, \eta)$  به استثنای مشاهده‌ی آخر که دارای مقدار  $(1, 1)$  است استفاده می شود، زیرا فرم تابعی منحنی لورنتس موجب خواهد شد که منحنی از نقطه  $(1, 1)$  عبور کند. ضرایب مدل بتا و  $GQ$  برای استان قزوین در سال های ۸۰-۷۸ در جدول ۴ محاسبه شده است.

است. توجه شود که مدل  $GQ$  معادله یک منحنی بیضوی را تعریف می کند.

همان طور که قبلاً اشاره شد مدل بتا و  $GQ$  از مقبولیت بیشتری برخوردار هستند و ما نیز بحث خود را روی این دو مدل متمرکز خواهیم نمود.

برای برآورد پارامترهای مدل بتا روش های متعددی پیشنهاد شده که متداول ترین آنها روش عددی تحت عنوان حداقل مربعات غیر خطی<sup>۸</sup> است. در این روش مجموع مربعات تفاوت بین مقادیر مشاهده شده و برآوردی حداقل می شود. برای منحنی لورنتس  $L(p, \theta)$  عبارت زیر با استفاده از الگوریتم گاوس - نیوتن<sup>۹</sup> که در بسیاری از نرم افزارهای آماری در دسترس است مینیمم

جدول ۴. برآورد پارامترهای منحنی لورنتس بتا و درجه دوم عام برای استان قزوین

طی سال های ۸۰ - ۷۸

۸۰		۷۹		۷۸		پارامتر	
روستایی	شهری	روستایی	شهری	روستایی	شهری		
۱/۴۸	۱/۰۸۴	۱/۳۸۳	۱/۵۳۹	۲/۰۰۵	۱/۴۵۹	$\pi$	مدل
۱/۶۱	۱/۹۱۵	۱/۶۸	۱/۵۵۶	۲/۸۰۳	۱/۶۱۷	$\gamma$	بتا
۰/۸	۰/۷۷۰	۰/۷۲۴	۰/۷۸۹	۰/۷۵۷	۰/۶۸۸	$\delta$	
۰/۸	۰/۹۴۵	۰/۸۳	۰/۷۷۸	۰/۷۴۰	۰/۶۸۹	$a$	مدل
-۰/۷	-۱/۰۵۹	-۰/۷۰۲	-۰/۳۱۳	-۰/۶۵۳	-۰/۳۹۱	$b$	$GQ$
۰/۴۸	۰/۲۶۵	۰/۳۳۱	۰/۴۸	۰/۳۴۵	۰/۴۱۷	$c$	



## ۵ برآورد معیارهای فقر و کسش‌های نسبی

خاصیت تجزیه پذیری جمعی است. مقدار شاخص‌های فقر بین ۰ و ۱ است. هرچه شاخص به ۰ نزدیک تر باشد یعنی جامعه از فقر دورتر است و هرچه به ۱ نزدیک تر باشد نشان‌دهنده وجود نابرابری در جامعه است.

برای برآورد معیارهای فقر از برآورد پارامترهای منحنی لورنتس استفاده می‌شود. اما چگونه از بین مدل‌های مختلف منحنی لورنتس بهترین مدل انتخاب شود. آماره زیر که مجموع مربعات خطا نامیده می‌شود ( $MSE$ ) به انتخاب بهترین مدل کمک خواهد کرد.

$$MSE = \sum_{i=1}^k (\hat{\eta}_i - \eta_i)^2$$

در این آماره  $\eta_i$  تجمعی هزینه مصرف (درآمد)  $\eta_i$  و  $\hat{\eta}_i$  برآورد تجمعی هزینه مصرف (درآمد)  $\hat{\eta}_i$  است و  $k$  به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$k = [k | \sum_{i=1}^{k-1} p_i \leq \hat{H} \leq \sum_{i=1}^k p_i]$$

که  $\hat{H}$  برآورد شاخص سرشماری  $H$  است [۱۱]. مدلی که  $MSE$  آن کمتر باشد مدل بهتری است. در محاسبات انجام شده بر روی داده‌های استان قزوین مدل  $GQ$  دارای  $MSE$  کمتری است و بهتر از مدل بتا عمل می‌کند.

پس از انتخاب مدل منحنی لورنتس مناسب، معیارهای فقر به صورت زیر برآورد می‌شوند:

برای محاسبه معیارهای فقر از معیارهای بحث شده در مقاله (فاستر - گریر - توربیک) <sup>۱۰</sup> که به اختصار معروف به  $FGT$  هستند استفاده خواهیم نمود [۱۰]. معیارهای  $FGT$  دارای خواص مطلوبی مانند تجزیه پذیری جمعی <sup>۱۱</sup> هستند و شامل معیارهای زیادی مانند معیارهای سرشماری و رخنه فقر هستند. معیارهای  $FGT$  به صورت کلی زیر تعریف می‌شوند:

$$W_\alpha = \int_0^z \left[ \frac{z-x}{z} \right]^\alpha f(x) dx$$

که  $x$  هزینه مصرف خانوار،  $f(x)$  چگالی هزینه مصرف خانوار (به طور تقریبی نسبت جمعیت که دارای هزینه مصرف  $x$ ) هستند.  $z$  نشان دهنده خط فقر و  $\alpha > 0$  پارامتر است. هر چه  $\alpha$  بیشتر باشد، معیار فقر به نابرابری بین افراد فقیر حساسیت بیشتری خواهد داشت. وقتی  $\alpha$  برابر ۰، ۱، ۲ باشد، معیار فقر به ترتیب شاخص سرشماری ( $H$ )<sup>۱۲</sup>، شاخص رخنه فقر ( $PG$ )<sup>۱۳</sup> و شاخص مربع رخنه فقر ( $SPG$ )<sup>۱۴</sup> نامیده می‌شوند.

معیار دیگری که بسیار متداول است، شاخص یا ضریب جینی<sup>۱۵</sup> است که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$G = 1 - 2 \int_0^1 L(p; \theta) dp$$

در این رابطه  $L(p; \theta)$  منحنی لورنتس است که در بخش ۳ معرفی شد. ضریب جینی تنها در شرایط خاصی دارای

<sup>۱۰</sup> Foster-Greer-Thorbecke

<sup>۱۱</sup> additive decomposibility

<sup>۱۲</sup> Head count index

<sup>۱۳</sup> Poverty Gap index

<sup>۱۴</sup> Squared Poverty Gap index

<sup>۱۵</sup> Gini index or coefficient

وقتی  $H$  محاسبه شده باشد، محاسبه  $PG$  مستقیماً از فرمول بالا قابل محاسبه است.

ج) شاخص مربع رخنه فقر ( $SPG$ ): این شاخص شدت فقر در جامعه را اندازه گیری می کند، برای محاسبه این شاخص درانتگرال بالا کفایت که  $\alpha = 2$  قرار داده و سپس انتگرال را حل کنیم، فرمول های صریح این شاخص برای مدل بتا و  $GQ$  به ترتیب به صورت زیر است:

$$\begin{aligned} SPG &= (1 - \frac{\mu}{z}) [2PG - (1 - \frac{\mu}{z})H] \\ &+ \pi^2 (\frac{\mu}{z})^2 [\gamma^2 B(H, 2\gamma - 1, 2\delta + 1) \\ &- 2\gamma\delta B(H, 2\gamma, 2\delta) \\ &+ \delta^2 B(H, 2\gamma + 1, 2\delta - 1)] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} SPG &= 2PG - H - (\frac{\mu}{z})^2 [aH + bL(H; a, b, c) \\ &- (\frac{r}{1\gamma}) \ln \frac{(1 - \frac{H}{s})}{(1 - \frac{H}{s'})}] \end{aligned}$$

که  $s_1 = \frac{r-n}{1\gamma m}$ ،  $B(k, r, s) = \int_0^k p^{r-1} (1-p)^{s-1} dp$  برای شاخص  $H$  تعریف شدند.

د) شاخص جنی ( $G$ ): این شاخص نابرابری درآمد در یک جامعه را اندازه گیری می کند، به عبارت دیگر بیانگر توزیع عادلانه ثروت در جامعه است. با توجه به فرمول کلی این شاخص، فرمول های صریحی برای مدل بتا و  $GQ$  قابل محاسبه است، ولی ساده تر است که این شاخص با روش عددی درون یابی تکه تکه خطی<sup>۱۶</sup> روی صدک داده ها با فرمول زیر محاسبه شود:

$$G = \sum_{i=1}^{99} (p_i L(p_{i+1}; \theta) - p_{i+1} L(p_i; \theta))$$

الف) شاخص سرشماری ( $H$ ): این شاخص برای اندازه گیری شیوع فقر در جامعه است که با استفاده از رابطه بین منحنی لورنتس و تابع توزیع محاسبه می شود، برای محاسبه شاخص، ابتدا شیب منحنی لورنتس به صورت زیر محاسبه می شود:

$$L'(p; \theta) = \frac{x}{\mu}$$

که در حقیقت  $p$  تابعی از  $x$ ، همان تابع توزیع است. اگر به جای  $x$  در رابطه بالا  $z$  یعنی خط فقر جایگزین شود خواهیم داشت:

$$L'(H; \theta) = \frac{z}{\mu}$$

از این رابطه می توان  $H$  را محاسبه نمود. برای مدل های بتا و  $GQ$  مقدار  $H$  به ترتیب از فرمول های زیر محاسبه می شود:

$$H = \pi H^\gamma (1-H)^\delta \left[ \frac{\gamma}{H} - \frac{\delta}{(1-H)} \right] = 1 - \frac{z}{\mu}$$

$$H = -\frac{1}{1\gamma m} [n + r(b + \frac{2z}{\mu}) \{ (b + \frac{2z}{\mu})^2 - m \}^{-\frac{1}{2}}]$$

که  $n = 2bd - 4c$ ،  $m = b^2 - 4a$ ،  $r = (n^2 - 4md^2)^{\frac{1}{2}}$  و  $d = -(a + b + c + 1)$  است.

ب) شاخص رخنه فقر ( $PG$ ): این شاخص عمق فقر در جامعه را اندازه گیری می کند، برای محاسبه شاخص رخنه فقر، ابتدا فرم کلی معیار  $FGT$  را که قبلاً تعریف شده را می توان به صورت زیر نوشت:

$$W_\alpha = \int_0^H [1 - (\frac{\mu}{z}) L'(p; \theta)]^\alpha dp \quad \alpha \geq 0$$

با محاسبه انتگرال بالا به ازای  $\alpha = 1$  خواهیم داشت:

$$PG = H - (\frac{\mu}{z}) L(H; \theta)$$

علاوه بر این کشش نسبت به میانگین هزینه مصرف و شاخص جنی در نقاط روستایی کمتر از نقاط شهری است.

جدول ۵. فرمول‌های کشش نسبی معیارهای  $FGT$  نسبت به

میانگین و شاخص جنی		
شاخص جنی	میانگین	
$\frac{(1-\frac{z}{\mu})}{HL''(H;\theta)}$	$\frac{-z}{\mu HL''(H;\theta)}$	$H$
$1 + (\frac{\mu}{z} - 1) \frac{H}{PG}$	$1 - \frac{H}{PG}$	$PG$
$2[1 + (\frac{\mu}{z} - 1) \frac{PG}{SPG}]$	$2(1 - \frac{PG}{SPG})$	$SPG$

جدول ۹ بیانگر کاهش بسیار کند عمق فقر در مناطق شهری و افزایش کم آن در مناطق روستایی و نیز کمتر بودن کشش نسبت به میانگین هزینه مصرف و شاخص جنی در نقاط روستایی است. جدول ۱۰ نشان می‌دهد که شدت فقر در نقاط شهری تقریباً ثابت ولی در نقاط روستایی دارای افزایش بسیار کم است، همچنین کشش نسبت به میانگین هزینه مصرف و شاخص جنی در نقاط روستایی کمتر از نقاط شهری و دارای روند کم کاهشی است.

## ۶ نتیجه گیری و پیشنهاد

بررسی نابرابری و فقر در جامعه، برای سنجش میزان تحقق اهداف برنامه ریزی شده و نیز مشخص نمودن افراد مستحق دریافت کمک‌ها و حمایت‌های دولت امری ضروری و اجتناب ناپذیر است. برای این گونه بررسی‌ها لازم است که پژوهشگران به آمارهای پانلی مربوط به درآمد و هزینه خانوارها و هزینه سبد غذایی و غیر غذایی

معیارهای فقر به محاسبه پارامترهای منحنی لورنتس بسیار حساس هستند، اشتباهات در اندازه‌گیری این پارامترها موجب خواهد شد که معیارهای محاسبه شده به درستی وضعیت فقر در جامعه را نشان ندهند. کشش یک معیار واکنش به این موارد است. کشش، بیان می‌کند یک معیار چقدر تغییر می‌کند وقتی معیار دیگری که در آن مؤثر است تغییر کند. برای مثال کشش تقاضا بیان می‌کند که وقتی قیمت تغییر کند مقدار تقاضا چقدر تغییر می‌کند. در حقیقت کشش تقاضا میزان واکنش مقدار تقاضا به تغییر قیمت را اندازه‌گیری می‌کند. بنابراین چند درصد کمتر بر آورد کردن میانگین هزینه مصرف در جامعه موجب خواهد شد که شاخص سرشماری افزایش یافته و بنابراین نتیجه‌گیری شود که تعداد افراد فقیر در جامعه بیشتر است. معمولاً در محاسبات مربوط به فقر، کشش معیارهای فقر نسبت به میانگین هزینه مصرف و شاخص جنی نیز بر آورد می‌شود، ککوانی [۱۳] فرمول این کشش‌ها را به شرح جدول ۵ نشان داده است. در همین ارتباط فرمول مشتق‌های اول و دوم مدل‌های بتا و  $GQ$  در جدول ۶ نمایش داده شده‌اند.

در جدول‌های ۷ تا ۱۰ شاخص‌های جنی و معیارهای  $FGT$  و کشش‌های نسبی برای استان قزوین براساس مدل  $GQ$  محاسبه شده است.

در جدول ۷ مشاهده می‌شود که شاخص جنی برای مناطق شهری و روستایی قزوین طی سال‌های ۸۰-۷۸ دارای روند نسبتاً کاهشی است، یعنی نابرابری در آمدها به آرامی روبه کاهش است. جدول ۸ نشان می‌دهد که شرایط زندگی در نقاط شهری در حال پیشرفت است در حالی که در نقاط روستایی پیشرفتی مشاهده نمی‌شود،

خانوارها دسترسی آسانی داشته تا بتوانند خطوط فقر و معیارهای فقر در جامعه را محاسبه کنند. در این بررسی دو مدل منحنی لورنتس به نام های بتا و درجه دوم عام برای محاسبه معیارهای فقر مورد آزمایش قرار گرفت که مدل دوم برای استان قزوین مناسب تر تشخیص داده شد. براساس مدل  $GQ$  شاخص های جنی،  $SPG$ ،  $PG$  و  $H$  محاسبه شدند، نتیجه محاسبات بیانگر کاهش شیوع و عمق فقر و ثابت ماندن شدت فقر در نواحی شهری و همچنین کمتر بودن کشش شاخص های فقر نسبت به میانگین هزینه های مصرفی و شاخص جنی در نواحی روستایی است. پیشنهاد می شود با استفاده از داده های جدیدتر و مخصوصاً داده های پانلی علاوه بر این مدل ها مدل های دیگری برای کل کشور و استان ها مورد آزمایش قرار گیرد.

جدول ۶. فرمول های مشتق های اول و دوم مدل های بتا و درجه دوم عام

درجه دوم عام	بتا	
$-\frac{b}{p} - \frac{(2mp+n)(mp^2+np+d)^{-1}}{p}$	$1 - \pi p^\gamma (\lambda - p)^\delta \left[ \frac{2}{p} - \frac{\delta}{(\lambda-p)} \right]$	$L'(p; \theta)$
$\frac{r^\gamma (mp^\gamma + np + d^\gamma)^{-\gamma}}{\lambda}$	$\pi p^\gamma (\lambda - p)^\delta \left[ \frac{2(\lambda-\gamma)}{p^\gamma} + \frac{2\gamma\delta}{p(\lambda-p)} + \frac{\delta(\lambda-\delta)}{(\lambda-p)^2} \right]$	$L''(p; \theta)$

جدول ۷. شاخص جنی برای استان قزوین

طی سال های ۸۰-۷۸

	۸۰	۷۹	۷۸	
شهری	%۳۵/۳۳	%۳۹/۹۳	%۴۱/۸۲	
روستایی	%۳۶/۲	%۳۹/۳۸	%۴۰/۴۱	

جدول ۸. شاخص سرشماری برای استان قزوین طی سال های ۸۰-۷۸

۸۰		۷۹		۷۸		شهری	روستایی
کشش نسبت به		کشش نسبت به		کشش نسبت به			
جنی	میانگین	جنی	میانگین	جنی	میانگین		
۳/۴۴	-۲/۴۹	۳/۶۷	-۲/۴۶	۳/۶۵	-۲/۴۳	%۱۹/۸	
۰/۵۶	-۰/۵۹	/۵۹	-۰/۶۲	۰/۲۴	-۰/۲۴	%۲۸/۹۴	

جدول ۹. شاخص رخنه فقر  $PG$  برای استان قزوین طی سال های ۸۰-۷۸

۸۰		۷۹		۷۸		شهری	روستایی
کشش نسبت به		کشش نسبت به		کشش نسبت به			
جنی	میانگین	جنی	میانگین	جنی	میانگین		
۷/۴۲	-۲/۵۹	۸/۶۴	-۴/۱۲	۸/۵۸	-۴/۰۴	%۴/۹۳	
۴/۴۵	-۲/۴۸	۴/۴	-۲/۵۷	۴/۸۳	-۲/۸۳	%۷/۵۷	

جدول ۱۰. شاخص SPG برای استان قزوین طی سال‌های ۸۰-۷۸

۸۰		۷۹				۷۸					
کشش نسبت		SPG		کشش نسبت		SPG		کشش نسبت		SPG	
جنی	میانگین	جنی	میانگین	جنی	میانگین	جنی	میانگین	جنی	میانگین	جنی	میانگین
۱۱/۵۱	-۴/۸۰	%۱/۰۰	۱۳/۵۷	-۵/۷۴	%۰/۹۵	۱۳/۴۷	-۵/۶۲	%۱/۰۳	۷/۷۸	-۳/۷۸	%۲/۶۲
۷/۰۲	-۳/۳۷	%۳/۰۱	۷/۱۲	-۳/۳۹	%۳/۰۵						

## مراجع

- [۱] نتایج نمونه گیری هزینه و درآمد خانوارهای شهری و روستایی سال‌های ۸۰-۷۸، مرکز آمار ایران.
- [۲] خداداد کاشی، ف.، حیدری، خ. و باقری، ف. (۱۳۸۴)، برآورد خط فقر در ایران طی سال‌های ۱۳۷۹-۱۳۶۷، فصلنامه علمی و پژوهشی رفاه اجتماعی، ۱۷.
- [۳] راغفر، ح. (۱۳۸۶)، فقر در ایران طی سال‌های ۱۳۸۳-۱۳۶۸، فصلنامه علمی و پژوهشی رفاه اجتماعی، ۲۴.
- [۴] رئیس دانا، ف. (۱۳۷۹)، زیر خط فقر در ایران، سمینار فقر در ایران، دانشگاه علوم بهزیستی و توان بخشی.
- [۵] رئیس دانا، ف. (۱۳۸۴)، شاخص و پویش فقر در ایران، فصلنامه علمی و پژوهشی رفاه اجتماعی، ۱۷.
- [6] Amiri, E. (2004), Assessing living standards in iran, *Proceeding of the IAOS-IASS Joint Conference on: Poverty, Social Exclusion and Development: A Statistical Perspective*, Amman, Jordan.
- [7] Arnold, B. and Villasenor, J. (1987), Elliptical lorenz curves, *Journal of Econometrics*, 40, 327-338.
- [8] Atkinson, A.B. (1991), Comparing poverty rates internationally: Lessons from recent studies in developed countries, *World Bank Economic Review*, 5, 3-22.
- [9] Chotikapanich, D. (1993), A comparison of alternative functional forms for the lorenz curve, *Econometrics Letters*, 41, 129-138.

- [10] Foster, J., Greer, J., and Thorbecke E. (1984), A class of decomposable poverty measures, *Econometrica*, 52, 761-765.
- [11] Gaurav, D. (1998), *Computational Tools for Poverty Measurement and Analysis*, FCND Discussion Paper NO. 50, International Food Policy Research Institute, USA.
- [12] Kakwani, N. (1980), On a class of poverty measures, *Econometrica*, 48, 437-446.
- [13] Kakwani, N. (1990), Poverty and economic growth with application to Cote d'Ivoire, *working paper No. 63*, Washington D.C. : World Bank, 437-446.
- [14] Orshansky, M. (1965), Counting the poor: Another look at the poverty profile, *Social Security Bulletin*, 28, 3-29.
- [15] Ortega, P.G., Martina, A., Fernandez, M., Lodux, M. and Garcia, A. (1991), A new functional form for estimating lurenz curves, *review of Income and Wealth*, 37, 447-452.
- [16] Rasche, R.H., Gaffney, J., Koo, A. and Obst, N., (1980), Functional forms for estimating Lurenz curve, *Econometrica*, 48, 1061-1062.
- [17] Ravallion, M. (1992), Poverty comparisons a guide to concepts and methods, *World Bank working papers*, LSM- 88.
- [18] Ravallion, M., Datt, G. and Walle, D.V. (1991), Quantifying absolute poverty in the developing world, *Review of Income and Wealth*, 37, 345-361.
- [19] Sarabia, J.M., Castillo, E. and Slotje, D.J. (1999), An ordered family of lorenz curves, *Journal of Econometrics*, 91, 43-60.
- [20] Villasenor, J. and Amold, B. C. (1984), *The General Quadratic Lorenz Curve*, Technical report, Colegio de Postgraduates, Mexico city.